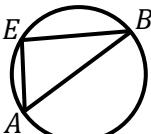
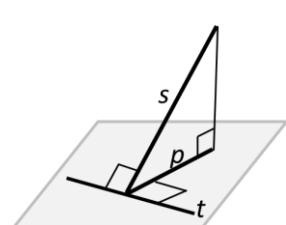


## Formulas un teorēmas (pieļaujamām burtu vērtībām)

Algebra			
<b>Skaitļa modulis</b> $ a  = \begin{cases} a, & \text{ja } a \geq 0 \\ -a, & \text{ja } a < 0 \end{cases}$ <b>Saīsinātās reizināšanas formulas</b> $(a \pm b)^3 = a^3 \pm 3a^2b + 3ab^2 \pm b^3$ $a^3 \pm b^3 = (a \pm b)(a^2 \mp ab + b^2)$	<b>Aritmētiskā progresija</b> $a_n = a_1 + (n-1)d$ $S_n = \frac{(a_1 + a_n)n}{2}$ $a_k = \frac{a_{k-1} + a_{k+1}}{2}$	<b>Ģeometriskā progresija</b> $b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$ $S_n = \frac{b_1(q^n - 1)}{q - 1}$ $b_k^2 = b_{k-1} \cdot b_{k+1}$	<b>Saliktie procenti</b> $A = S \cdot \left(1 + \frac{r}{100}\right)^n$ A – uzkrātā vērtība, S – sākumkapitāls, r – procentu likme laika periodā (%), n – laika periodu skaits
<b>Kvadrātrinoms, kvadrātvienādojums</b> $ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$ Vjeta teorēma: Ja $x^2 + px + q = 0$ , tad $\begin{cases} x_1 + x_2 = -p \\ x_1 \cdot x_2 = q \end{cases}$	<b>Sakņu īpašības</b> $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \cdot b}$ $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$ $\sqrt[n \cdot m]{a^{k \cdot m}} = \sqrt[n]{a^k}$ $\sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[n \cdot m]{a}$ $\sqrt{a^2} =  a $	<b>Trigonometrija</b>  The diagram illustrates the unit circle with angles in radians and degrees. It shows the coordinates of points on the circle corresponding to various angles, including 0, π/6, π/4, π/3, 2π/3, 3π/4, 5π/6, π, 7π/6, 4π/3, 5π/4, 4π/3, 3π/2, 5π/3, 7π/4, 11π/6, and 2π. The x-axis is labeled 'cos α' and the y-axis is labeled 'sin α'. The circle is divided into four quadrants, and the axes are marked with 1 and -1.	$\pi = 180^\circ$ $\frac{\pi}{2} = 90^\circ$ $\frac{\pi}{3} = 60^\circ$ $\frac{\pi}{4} = 45^\circ$ $\frac{\pi}{6} = 30^\circ$
<b>Pakāpju īpašības</b> $a^0 = 1 \quad (a \neq 0)$ $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$ $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$ $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$ $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$ $(a^m)^n = a^{m \cdot n}$ $a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$ $\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$	<b>Logaritmu īpašības</b> $a^{\log_a b} = b$ $\log_a(xy) = \log_a x + \log_a y$ $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x - \log_a y$ $\log_a x^k = k \cdot \log_a x$ $\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$	$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ $\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$ $\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$ $\sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cos \beta \pm \cos \alpha \sin \beta$ $\cos(\alpha \pm \beta) = \cos \alpha \cos \beta \mp \sin \alpha \sin \beta$	<b>Kombinatorika, varbūtības, statistika</b>
<b>Kombinatorika</b> $P_n = n!$ $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$ $A_n^k = n(n-1)(n-2) \cdots (n-k+1)$ $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$ $C_n^k = \frac{A_n^k}{k!}$ $C_n^k = C_n^{n-k}$ $C_n^0 + C_n^1 + C_n^2 + \dots + C_n^{n-1} + C_n^n = 2^n$	<b>Varbūtību teorija</b> Ja A un B – nesavienojami notikumi, tad $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$ Ja A un B – neatkarīgi notikumi, tad $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$ Ja A un B – atkarīgi notikumi, tad $P(B A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$	<b>Statistika</b> $\bar{x} = \frac{x_1 f_1 + x_2 f_2 + \dots + x_k f_k}{n}$ $\bar{x}$ – svērtais aritmētiskais vidējais, n – izlases apjoms, $f_1, f_2, \dots, f_k$ – elementu $x_1, x_2, \dots, x_k$ parādīšanās biežums	

## Analītiskā ģeometrija

Vektori plaknē	Vektori telpā
<p>Ja <math>A(x_1; y_1)</math> un <math>B(x_2; y_2)</math>, tad  <math>\vec{AB} = (x_2 - x_1; y_2 - y_1)</math></p> <p>Ja <math>\vec{a} = (a_x; a_y)</math>, <math>\vec{b} = (b_x; b_y)</math>, tad  <math>\vec{a} \pm \vec{b} = (a_x \pm b_x; a_y \pm b_y)</math>  <math>k\vec{a} = (ka_x; ka_y)</math></p> $ \vec{a}  = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$	<p>Ja <math>A(x_1; y_1; z_1)</math> un <math>B(x_2; y_2; z_2)</math>, tad  <math>\vec{AB} = (x_2 - x_1; y_2 - y_1; z_2 - z_1)</math></p> <p>Ja <math>\vec{a} = (a_x; a_y; a_z)</math> un <math>\vec{b} = (b_x; b_y; b_z)</math>, tad  <math>\vec{a} \pm \vec{b} = (a_x \pm b_x; a_y \pm b_y; a_z \pm b_z)</math>  <math>k\vec{a} = (ka_x; ka_y; ka_z)</math></p> $ \vec{a}  = \sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2}$
<p><b>Attālums starp punktiem, nogriežņa viduspunkts</b></p> <p>Ja <math>A(x_1; y_1)</math> un <math>B(x_2; y_2)</math>, tad  <math> AB  = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}</math></p> <p><math>[AB]</math> viduspunkts ir <math>C\left(\frac{x_1+x_2}{2}; \frac{y_1+y_2}{2}\right)</math></p>	<p><b>Taisnes vienādojums</b></p> $\frac{x - x_1}{x_2 - x_1} = \frac{y - y_1}{y_2 - y_1} \quad y - y_1 = k(x - x_1) \quad y = kx + b$ <p><math>P_1(x_1; y_1)</math> un <math>P_2(x_2; y_2)</math> – punkti, caur kuriem iet taisne.  Taisnes virziena koeficients <math>k = \frac{\Delta y}{\Delta x}</math>.</p> <p>Taisnes <math>y = k_1x + b_1</math> un <math>y = k_2x + b_2</math> ir:  paralēlas, ja <math>k_1 = k_2</math>  perpendikulāras, ja <math>k_1 \cdot k_2 = -1</math></p>
<p><b>Riņķa līnijas vienādojums</b></p> <p>Ja centrs <math>O(x_0; y_0)</math> un rādiuss <math>R</math>, tad  <math>(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 = R^2</math></p>	<p><b>Geometrija plaknē</b></p>
<b>Riņķis un riņķa līnija</b> $R$ – rādiuss, $\alpha$ – centra leņķis, $C$ – riņķa līnijas garums, $l_\alpha$ – loka garums, $S_\alpha$ – sektora laukums $C = 2\pi R$ $S = \pi R^2$ $l_\alpha = \frac{\pi R \alpha}{180^\circ}$ $S_\alpha = \frac{\pi R^2 \alpha}{360^\circ}$ $AB$ – diametrs, $E$ – punkts uz riņķa līnijas $\angle AEB = 90^\circ$ 	
<b>Trijstūris</b> Sinusu teorēma $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$ Kosinusa teorēma $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$ Trijstūri ievilkta riņķa centrs ir trijstūra bisektrišu krustpunkts. Trijstūrim apvilkta riņķa centrs ir malu vidusperpendikulu krustpunkts. Regulārs trijstūris $a$ – mala, $h$ – augstums, $r$ – ievilkta riņķa rādiuss, $R$ – apvilkta riņķa rādiuss $h = \frac{a\sqrt{3}}{2} \quad r = \frac{1}{3}h \quad R = \frac{2}{3}h \quad S = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$	
<b>Paralelograms</b> $a, b$ – malas, $\alpha$ – leņķis starp malām, $h_a$ – augstums pret malu $a$ , $d_1, d_2$ – diagonāles $2a^2 + 2b^2 = d_1^2 + d_2^2$ $S = ab \sin \alpha \quad S = a \cdot h_a$ <b>Rombs</b> $d_1, d_2$ – diagonāles $S = \frac{1}{2}d_1 \cdot d_2$ <b>Trapece</b> $a, b$ – pamati, $h$ – augstums $S = \frac{a + b}{2} \cdot h$	
<b>Geometrija telpā</b>	
<p><b>Triju perpendikulu teorēma</b></p> <p>Taisne (<math>t</math>), kas atrodas plaknē, ir perpendikulāra slīpnei (<math>s</math>), kura vilkta pret šo plakni, tad un tikai tad, ja tā ir perpendikulāra šīs slīpnes projekcijai (<math>p</math>).</p> 	<p><b>Prizma</b>  <math>S_{pam}</math> – pamata laukums,  <math>H</math> – augstums  <math>V = S_{pam} \cdot H</math></p> <p><b>Piramīda</b>  <math>S_{pam}</math> – pamata laukums,  <math>H</math> – augstums  <math>V = \frac{1}{3}S_{pam} \cdot H</math></p> <p><b>Regulāra piramīda</b>  <math>P</math> – pamata perimets, <math>h_s</math> – apotēma, <math>\alpha</math> – divplakņu kakta leņķis pie pamata, <math>S_{sānu}</math> – sānu virsma laukums  <math display="block">S_{sānu} = \frac{1}{2}P \cdot h_s \quad S_{sānu} = \frac{S_{pam}}{\cos \alpha}</math></p>
<p><b>Cilindrs</b>  <math>R</math> – rādiuss, <math>H</math> – augstums  <math>S_{sānu} = 2\pi RH \quad V = \pi R^2 H</math></p> <p><b>Lode</b>  <math>R</math> – rādiuss  <math>S = 4\pi R^2 \quad V = \frac{4}{3}\pi R^3</math></p>	<p><b>Konuss</b>  <math>R</math> – rādiuss,  <math>H</math> – augstums,  <math>l</math> – veidule  <math display="block">S_{sānu} = \pi R l \quad V = \frac{1}{3}\pi R^2 H</math></p> <p><b>Piramīdas augstuma pamats</b>  Ja piramīdas visas sānu šķautnes ir vienādas, tad augstuma pamats ir piramīdas pamatam apvilkta riņķa centrs.  Ja visi piramīdas divplakņu kakta leņķi pie pamata ir vienādi, tad augstuma pamats ir piramīdas pamatā ievilkta riņķa centrs.</p>